

Planfigur der Pyramide

Planfigur einer Seitenfläche (Dreieck)

Satz d. Pythagoras:

$$h_a^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2 = s^2$$

Beachte: In der Formelsammlung wird die Höhe h_a des Dreiecks mit s bezeichnet!
In unserem Buch ist s die Seitenkante (s. Zeichnung links!).

geg.: $a = 3 \text{ cm}$
 $s = 6,3 \text{ cm}$

ges.: h_a (zur Berechnung der Mantelfläche / Oberfläche)

$$O = G + M$$

$$= a^2 + 4 \cdot \frac{a \cdot h_a}{2}$$

Satz d. Pythagoras: $(h_a)^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2 = s^2 \quad | -\left(\frac{a}{2}\right)^2$

$$(h_a)^2 = s^2 - \left(\frac{a}{2}\right)^2 \quad | \sqrt{\quad}$$

$$h_a = \sqrt{s^2 - \left(\frac{a}{2}\right)^2}$$

$$h_a = \sqrt{(6,3 \text{ cm})^2 - \left(\frac{3 \text{ cm}}{2}\right)^2}$$

$$h_a = 6,1188 \dots \text{ cm}$$

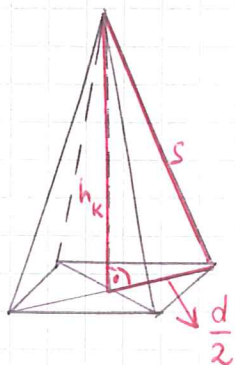
$$M = 4 \cdot \frac{a \cdot h_a}{2} = 4 \cdot \frac{3 \text{ cm} \cdot 6,1188 \dots \text{ cm}}{2} = 36,7129 \dots \text{ cm}^2$$

$$\approx 36,71 \text{ cm}^2$$

$$O = a^2 + 36,7129 \dots \text{ cm}^2 = (3 \text{ cm})^2 + 36,71 \dots \text{ cm}^2$$

$$= 45,712 \dots \text{ cm}^2 \approx 45,71 \text{ cm}^2$$

S. 101 re 2a)



Diese Aufgabe ist ein Beispiel dafür, dass der Satz des Pythagoras

mehrfach angewendet werden muss!

Auf S. 100 findest du 3 Beispiele für

Dreiecke, in denen der Satz des Pythago-

ras angewendet werden kann

I $(\frac{a}{2})^2 + (h_k)^2 = s^2$ II $(h_k)^2 + (\frac{a}{2})^2 = (h_a)^2$ III $(\frac{d}{2})^2 + (h_k)^2 = a^2$

geg.: $s = 19\text{cm}$
 $h_k = 17\text{cm}$

ges.: a, h_a (zur Berechnung von V bzw. σ)

Wenn h_k und s gegeben sind, kannst du erstmal nur $\frac{d}{2}$ (halbe Diagonale der quadratischen Grundfläche)

Berechnen:

$$(h_k)^2 + (\frac{d}{2})^2 = s^2 \quad | -(h_k)^2$$

$$(\frac{d}{2})^2 = s^2 - (h_k)^2 \quad | \sqrt{\quad}$$

$$\frac{d}{2} = \sqrt{s^2 - (h_k)^2}$$

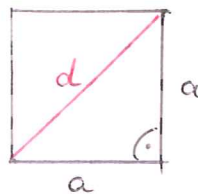
$$\frac{d}{2} = \sqrt{(19\text{cm})^2 - (17\text{cm})^2}$$

$$\frac{d}{2} = 8,4852... \text{cm} \quad | \cdot 2$$

$$\underline{d = 16,970... \text{cm}}$$

Mit Hilfe von d , kannst du a berechnen.

Planfigur der Grundfläche:



$$d^2 = a^2 + a^2 \quad | :2$$

$$d^2 = 2a^2 \quad | :2$$

$$\frac{d^2}{2} = a^2 \quad | \sqrt{\quad}$$

$$\sqrt{\frac{d^2}{2}} = a$$

$$a = \sqrt{\frac{(16,970... \text{cm})^2}{2}}$$

$$\underline{a = 12\text{cm}}$$

Jetzt sind wieder a und s gegeben, so dass der Satz des Pythagoras wieder wie in S. 101 li Nr. 2d) angewendet werden kann:

$$(h_a)^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2 = s^2 \quad | -\left(\frac{a}{2}\right)^2$$

$$(h_a)^2 = s^2 - \left(\frac{a}{2}\right)^2 \quad | \sqrt{\quad}$$

$$h_a = \sqrt{s^2 - \left(\frac{a}{2}\right)^2}$$

$$h_a = \sqrt{(19\text{cm})^2 - \left(\frac{12\text{cm}}{2}\right)^2}$$

$$\underline{h_a = 18,0277... \text{cm}}$$

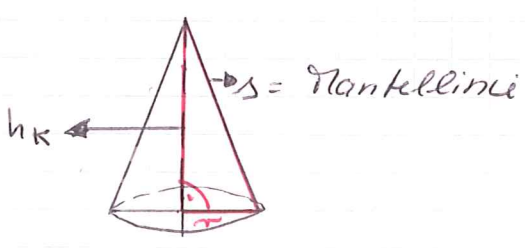
$$\pi = 4 \cdot \frac{a \cdot h_a}{2} = 4 \cdot \frac{12\text{cm} \cdot 18,0277... \text{cm}}{2} = 432,6661... \text{cm}^2$$

$$\approx 432,67 \text{cm}^2$$

$$O = (12\text{cm})^2 + 432,6661... \text{cm}^2 = \underline{576,6661... \text{cm}^2}$$

$$\approx \underline{576,67 \text{cm}^2}$$

S. 105 re Nr. 2d (2. Arbeitsauftrag)



geg.: $h_K = 4,7 \text{cm}$

$s = 5,9 \text{cm}$

ges.: r (bzw. π und O)

Planfigur

Der Satz des Pythagoras kann auch beim Kegel angewendet werden!

$$(h_K)^2 + r^2 = s^2 \quad | - (h_K)^2$$

$$r^2 = s^2 - (h_K)^2 \quad | \sqrt{\quad}$$

$$r = \sqrt{s^2 - (h_K)^2}$$

$$r = \sqrt{(5,9\text{cm})^2 - (4,7\text{cm})^2}$$

$$\underline{r = 3,566... \text{cm}}$$

$$\pi = \pi \cdot r \cdot s = \pi \cdot 3,566... \text{cm} \cdot 5,9\text{cm} = 66,106... \text{cm}^2 \approx \underline{66,12 \text{cm}^2}$$

$$O = \pi \cdot r^2 + \pi \cdot r \cdot s = \pi \cdot (3,566... \text{cm})^2 + 66,106... \text{cm}^2 = 39,961... \text{cm}^2 + 66,106... \text{cm}^2 = 106,0677... \text{cm}^2 \approx \underline{106,07 \text{cm}^2}$$

S. 111 Nr. 2 (2. Arbeitsauftrag)

$$V = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot r^3 \quad | :4 | :3 | : \pi$$

$$\frac{V \cdot 3}{4 \cdot \pi} = r^3 \quad | \sqrt[3]{\quad}$$

$$r = \sqrt[3]{\frac{V \cdot 3}{4 \cdot \pi}}$$

$$O = 4 \cdot \pi \cdot r^2 \quad | :4 | : \pi$$

$$\frac{O}{4 \cdot \pi} = r^2 \quad | \sqrt{\quad}$$

$$r = \sqrt{\frac{O}{4 \cdot \pi}}$$

Lösungen *zu S. 111 Nr. 3a+b links: a) $r \approx 1,48m$
 (2. Arbeitsauftrag) b) $r \approx 2,90dm$

*zu S. 112 Nr. 1a+b links: a) $r \approx 1,07m$
 b) $r \approx 2,90dm$

*zu S. 101 Nr. 3 links:

$$(h_a)^2 + \left(\frac{1}{2}a\right)^2 = s^2 \quad | -\left(\frac{1}{2}a\right)^2$$

$$(h_a)^2 = s^2 - \left(\frac{1}{2}a\right)^2 \quad | \sqrt{\quad}$$

$$h_a = \sqrt{s^2 - \left(\frac{1}{2}a\right)^2}$$

$$h_a = \sqrt{(7cm)^2 - (2,5cm)^2}$$

$$h_a = 6,5383... cm \approx \underline{\underline{6,5cm}}$$

Lösungen zum 3. Arbeitsauftrag:

Anmerkung: Wenn du immer mit den genauen Werten rechnest und nur dein Endergebnis rundest, können deine Ergebnisse geringfügig abweichen!

S. 101 li. Nr. 2 c) $\pi = 420 \text{ cm}^2$ $O = 645 \text{ cm}^2$

e) $h_a \approx 7,332 \text{ cm}$; $\pi \approx 29,3 \text{ cm}^2$; $O \approx 33,3 \text{ cm}^2$

re Nr. 2 b) $h_a \approx 23,77 \text{ cm}$; $\pi \approx 856 \text{ cm}^2$; $O \approx 1180 \text{ cm}^2$

c) $a = 24 \text{ cm}$, $\pi = 768 \text{ cm}^2$; $O = 1344 \text{ cm}^2$

d) $\pi = 79,56 \text{ cm}^2$; $O = 94,77 \text{ cm}^2$

e) $h_a \approx 5,845 \text{ m}$; $\pi \approx 54,9 \text{ m}^2$; $O \approx 77,0 \text{ m}^2$

f) $a \approx 8,485 \text{ cm}$; $h_a \approx 9,055 \text{ cm}$; $\pi \approx 154 \text{ cm}^2$
 $O \approx 226 \text{ cm}^2$

li Nr. 5 $h_a \approx 11,52 \text{ cm}$; $\pi \approx 62,21 \text{ m}^2$

S. 105 li. Nr. 2 c) $\pi \approx 6,28 \text{ m}^2$

d) $s \approx 6,403 \text{ cm}$; $\pi \approx 80,5 \text{ cm}^2$

S. 108 li. Nr. 15 a) $V \approx 583 \text{ cm}^3$

b) $h_k \approx 8,66 \text{ cm}$; $V \approx 227 \text{ cm}^3$

c) $r \approx 11,18 \text{ mm}$; $V \approx 1309 \text{ cm}^3$

d) $r = 14 \text{ m}$; $h_k \approx 30,08 \text{ m}$; $V \approx 6584 \text{ m}^3$

re Nr. 14 $V(\text{Pyr.}) = 672 \text{ cm}^3$; $V(\text{Kugel}) = 25,1 \text{ cm}^3$; $h_k = 6 \text{ cm}$
 $V_p - V_k = 646,9 \text{ cm}^3$ ($\frac{3}{2} \cdot 14 \text{ cm}$)

Gewicht: $\approx 1,75 \text{ kg}$

re Nr. 16 a) $V_k \approx 127,2 \text{ cm}^3$

b) $V_{\text{Quader}} = 486 \text{ cm}^3$ ($9 \text{ cm} \cdot 9 \text{ cm} \cdot 6 \text{ cm}$)

$\rightarrow 73,8\%$ des verpackten Raumes sind leer.

S. 111 li. Nr. 6 Luigi's Eisdiele $\rightarrow V(\text{Kugel}) \approx 65,45 \text{ cm}^3$
 \rightarrow Dreisatz $\rightarrow 1000 \text{ cm}^3$ kosten 9,17€

Paolos Eisdiele $\rightarrow V(\text{Kugel}) \approx 113,1 \text{ cm}^3$
 \rightarrow Dreisatz $\rightarrow 1000 \text{ cm}^3$ kosten 7,07€

Paolos Angebot ist günstiger.

re Nr. 5 $V(\text{Kugel}) = 0,6969099 \text{ m}^3$
 $= 696909,9 \text{ cm}^3$
 $696909,9 \dots \cdot 2,8 \text{ g} = 1,951,347,917 \dots \text{ g}$
 $= 1,95134 \dots \text{ t} \approx 1,95 \text{ t}$